Ampliación de Cálculo

Año: 2012 Ejercicios. Tema 4.



Pablo Alberca Bjerregaard

ECUACIONES DIFERENCIALES EN DERIVADAS PARCIALES Y TRANSFORMADA DE FOURIER

Ejercicio 1 Resuelva la EDP

$$\frac{\partial u}{\partial y} + u = e^{xy}, \ u = u(x, y). \tag{1}$$

Ejercicio 2 Resuelva la EDP

$$x\frac{\partial u}{\partial x} + y\frac{\partial u}{\partial y} = xy$$
, con $u = 1$ sobre $y = x^2$. (2)

Ejercicio 3 Resuelva la EDP

$$\frac{\partial u}{\partial x} = 4 \frac{\partial u}{\partial y}, \ u(0, y) = 8e^{-3y}, \tag{3}$$

con la condición de Cauchy que se indica.

Ejercicio 4 Resuelva, usando la transformada de Laplace, la EDP

$$\frac{\partial u}{\partial x} + x \frac{\partial u}{\partial t} = 0,\tag{4}$$

con la condición inicial u(x,0) = 0 y u(0,t) = t, siendo t > 0.

Ejercicio 5 Resuelva, usando la transformada de Fourier con respecto a la variable espacial, la EDP

$$\frac{\partial u}{\partial t} = 4 \frac{\partial u}{\partial x}, \ u(x,0) = e^{-x^2/4}, \ x, t \in (-\infty, \infty).$$
 (5)



